

**Равномерный код:** кодовые слова всех символов исходного алфавита имеют одинаковую длину.

**Неравномерный код:** кодовые слова имеют разную длину (например, Код Морзе).

Закодированное сообщение можно однозначно декодировать с начала, если выполняется **условие Фано**: никакое кодовое слово не является началом другого кодового слова. Закодированное сообщение можно однозначно декодировать с конца, если выполняется **обратное условие Фано**: никакое кодовое слово не является окончанием другого кодового слова

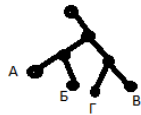
**Префиксные коды:** это коды со словами переменной длины, в котором ни одно кодовое слово не является началом другого кодового слова.

**ПРИМЕР:**

Для кодирования некоторой последовательности, состоящей из букв А, Б, В, Г и Д, решили использовать неравномерный двоичный код: А – 100, Б – 101, В – 111, Г – 110. Укажите, каким кодовым словом из перечисленных ниже может быть закодирована буква Д. Код должен удовлетворять свойству однозначного декодирования. Если можно использовать более одного кодового слова, укажите кратчайшее из них. Варианты ответов: А) 1 Б) 0 В) 01 Г) 10

РЕШЕНИЕ:

Построим дерево декодирования (0 - ветвь влево, 1 - ветвь вправо)



1 и 10 – не подходят (у этих точек есть ветви, а однозначное декодирование предполагает, что, проходя к каждой букве через узлы, мы не должны встретить другие буквы)

Подходит 0 и 01 (но в ответ пишем самое короткое 0). Ответ: Б

**ПРИМЕР:** Для регистрации на сайте некоторой страны пользователю требуется придумать пароль. Длина пароля – ровно 11 символов. В качестве символов используются десятичные цифры и 12 различных букв местного алфавита, причём все буквы используются в двух начертаниях: как строчные, так и заглавные (регистр буквы имеет значение!). Под хранение каждого такого пароля на компьютере отводится минимально возможное и одинаковое целое количество байтов, при этом используется посимвольное кодирование и все символы кодируются одинаковым и минимально возможным количеством битов. Определите объём памяти, который занимает хранение 60 паролей. Ответы: 1) 540 байт 2) 600 байт 3) 660 байт 4) 720 байт  
решение см. в соседней колонке

**ФОРМУЛА ХАРТЛИ:**

$$N = p^i$$

p – количество вариантов (используемых символов, сигналов), **p** - **МОЩНОСТЬ АЛФАВИТА**

i – количество информации (длина строки символов, длительность), **i** - **ДЛИНА КОДА**

N – число равновероятных событий, **N** - **КОЛИЧЕСТВО КОМБИНАЦИЙ**

**ПРИМЕР:**

Световое табло состоит из лампочек. Каждая лампочка может находиться в одном из трех состояний («включено», «выключено» или «мигает»). Какое наименьшее количество лампочек должно находиться на табло, чтобы с его помощью можно было передать 18 различных сигналов?

$$3^x = 18, x \approx 3 \quad \text{Ответ: 3 лампочки}$$

$$N = 2^i$$

N – мощность исходного алфавита  
i – информационный вес одного символа алфавита (выражается в битах)

$$I = k \cdot i$$

k – количество символов в сообщении  
i – информационный вес символа  
I – информационный объём сообщения

**РЕШЕНИЕ:** Мощность алфавита = 10+12+12=34 (10 цифр, 12 заглавных и 12 строчных букв). По формуле Хартли получаем:  $2^i = 34$ , откуда i=6 бит (т.к.  $2^5 = 32 < 34$ ,  $2^6 = 64 > 34$ ). Тогда I=11\*6=66 бит (на 1 пароль) или примерно 9 байт (на 1 пароль)  
И, окончательно, т.к. 60 паролей, то  $60*9=540$  байт  
Ответ: 1.

Существуют стандартные таблицы кодов. Они могут использовать один или два байта для кодирования одного символа. Широко используется таблица кодов, известная как **стандарт ASCII (American Standard Code for Information Interchange)** – Американский стандартный код для обмена информацией), использующая один байт для кодирования одного символа. ASCII представляет собой кодировку для представления десятичных цифр, символов латинского и национального алфавитов, знаков препинания, символов арифметических операций и управляющих символов. Управляющие символы называются непечатаемыми символами, к ним относятся такие, как «перевод строки» (код символа 10), «возврат каретки» (код 13) и др. Первая половина кодовой таблицы содержит **стандартные** символы ASCII (символы с кодами 0 – 127), они одинаковые во всех странах.

**ЕДИНИЦЫ ИЗМЕРЕНИЯ ИНФОРМАЦИИ:**

- 1 байт =  $2^3$  (8) бит (это информационный вес символа алфавита мощностью 256)
  - 1 Кбайт (Килобайт) =  $2^{10}$  (1024) байт =  $2^{13}$  (8192) бит
  - 1 Мбайт (Мегабайт) =  $2^{10}$  (1024) Кбайт =  $2^{20}$  (1.048.576) байт =  $2^{23}$  (8.388.608) бит
  - 1 Гбайт (Гигабайт) =  $2^{10}$  (1024) Мбайт =  $2^{30}$  (1.073.741.824) байт =  $2^{33}$  (8.589.934.592) бит
  - 1 Тбайт (Терабайт) =  $2^{10}$  (1024) Гбайт =  $2^{40}$  (1.099.511.627.776) байт =  $2^{43}$  (8.796.093.022.208) бит
  - 1 Пбайт (Петабайт) = 1024 Тбайта
  - 1 Эбайт (Эксабайт) = 1024 Пбайта
  - 1 Збайт (Зеттабайт) = 1024 Эбайта
  - 1 Йбайт (Йоттабайт) = 1024 Збайта
- Последовательность действий при переводе одних единиц измерения информации в другие приведена на схеме 1.

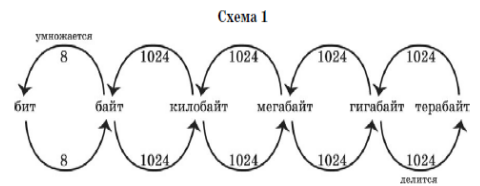


Таблица степеней двойки:

n	2 <sup>n</sup>
1	2 <sup>1</sup> =2
2	2 <sup>2</sup> =4
3	2 <sup>3</sup> =8
4	2 <sup>4</sup> =16
5	2 <sup>5</sup> =32
6	2 <sup>6</sup> =64
7	2 <sup>7</sup> =128
8	2 <sup>8</sup> =256
9	2 <sup>9</sup> =512
10	2 <sup>10</sup> =1024
11	2 <sup>11</sup> =2048
12	2 <sup>12</sup> =4096
13	2 <sup>13</sup> =8192

$$a^0 = 1$$

В системе ASCII закреплены 2 таблицы кодирования – **базовая и расширенная**. Базовая закрепляет значения кодов от 0 до 127, а расширенная относится к символам с номерами от 128 до 255. Первые 32 кода базовой таблицы отданы производителям аппаратных средств. Начиная с кода 32 по код 127 размещены коды символов английского алфавита, знаков препинания, цифр, арифметических действий и некоторых вспомогательных символов. Коды с номерами от 128 до 255 используются для кодирования букв национального алфавита, символов национальной валюты и т.п. Существует несколько вариантов расширенной таблицы ASCII (примеры расширений: CP-866-используется для ОС MS-DOS, CP-1251-используется для Windows, KOI-8-используется в сети Интернет, Unicode)

# ЛОГИКА

## ЛОГИЧЕСКАЯ ОПЕРАЦИЯ «НЕ»

Название: логическое отрицание (инверсия);  
 Обозначение в булевой алгебре:  $\neg A$   $\bar{A}$   
 Читается: частица НЕ  
 Обозначение в языках программирования:  
 not A (Паскаль, Бейсик) !A (Си)  
**Логическое отрицание истинное высказывание (1) превращает в ложное (0), а ложное высказывание (0) в истинное (1).**

A	$\bar{A}$
0	1
1	0

Таблица истинности логической операции инверсия  
 (таблица истинности – это таблица, в которой слева перечисляются всевозможные значения исходного высказывания 0 или 1, а в правой части в последнем столбце записывают результат выполнения логической операции для каждого из этих вариантов)

## ЛОГИЧЕСКАЯ ОПЕРАЦИЯ «И»

Название: логическое умножение (конъюнкция);  
 Обозначение в булевой алгебре:  $A \& B$   $A \wedge B$   
 (схожесть с алгеброй – знак пересечения  $\cap$ )  
 Читается: союзы И (A, NO)  
 Обозначение в языках программирования:  
 A and B (Паскаль, Бейсик) A&&B (Си)  
**Логическая конъюнкция истинна тогда и только тогда, когда оба высказывания истинны (1) и ложна, когда ложно (0) хотя бы одно высказывание.**

A	B	A & B
0	0	0
0	1	0
1	0	0
1	1	1

Таблица истинности логической операции конъюнкция

## ЛОГИЧЕСКАЯ ОПЕРАЦИЯ «ИЛИ»

Название: логическое сложение (дизъюнкция);  
 Обозначение в булевой алгебре:  $A \vee B$   
 (схожесть с алгеброй – знак объединения  $\cup$ )  
 Читается: союз ИЛИ  
 Обозначение в языках программирования:  
 A or B (Паскаль, Бейсик) A||B (Си)  
**Логическая дизъюнкция истинна тогда и только тогда, когда хотя бы одно высказывание истинно (1) и ложна, когда ложны (0) оба высказывания.**

A	B	A ∨ B
0	0	0
0	1	1
1	0	1
1	1	1

Таблица истинности логической операции дизъюнкция

## ЛОГИЧЕСКАЯ ОПЕРАЦИЯ «ИСКЛЮЧАЮЩЕЕ ИЛИ»

Название: сложение по модулю 2 (разделительная дизъюнкция)  
 Обозначение в булевой алгебре:  $A \oplus B$   $A \Delta B$   
 Читается: оборот «или только... или только ...»  
 Обозначение в языках программирования:  
 A xor B (Паскаль) A^B (Си)  
**Логическое сложение по модулю 2 истинно (1) тогда и только тогда, когда высказывания не равны и ложно (0), когда высказывания одинаковы.**

A	B	A ⊕ B
0	0	0
0	1	1
1	0	1
1	1	0

Таблица истинности логической операции исключающее или

## ЛОГИЧЕСКАЯ ФУНКЦИЯ «ИМПЛИКАЦИЯ»

Название: импликация (следование)  
 Обозначение в булевой алгебре:  $A \rightarrow B$   $A \supset B$   
 Читается: если A, то B; из A следует B; для того, чтобы A, необходимо, чтобы B; для того, чтобы B, достаточно, чтобы A  
**Логическая импликация ложна (0) тогда и только тогда, когда из истинного высказывания следует ложное (0), в остальных случаях импликация истинна (1).**

A	B	A → B
0	0	1
0	1	1
1	0	0
1	1	1

Таблица истинности логической функции импликация

## ЛОГИЧЕСКАЯ ФУНКЦИЯ «ЭКВИВАЛЕНТНОСТЬ»

Название: эквивалентность (равносильность)  
 Обозначение в булевой алгебре:  
 $A \leftrightarrow B$   $A \Leftrightarrow B$   $A \equiv B$   $A \sim B$   
 Читается: A равносильно B; A тождественно равно B; для того, чтобы A, необходимо и достаточно B; A тогда и только тогда, когда B.  
**Логическая эквивалентность истинна (1) тогда и только тогда, когда высказывания одинаковы, и ложна (0), когда высказывания не равны.**

A	B	A ↔ B
0	0	1
0	1	0
1	0	0
1	1	1

Таблица истинности логической функции эквивалентность (эквиваленция, равнозначность)

## ЛОГИЧЕСКАЯ ОПЕРАЦИЯ «ШТРИХ ШЕФФЕРА»

Название: И-НЕ (штрих Шеффера)  
 Обозначение в булевой алгебре:  $A | B$   
 (англ. nand – not and – отрицание конъюнкции)  
**Штрих Шеффера ложен (0) тогда и только тогда, когда оба высказывания истинны, и истинен (1) в остальных случаях.**

A	B	A   B
0	0	1
0	1	1
1	0	1
1	1	0

$A | B = \overline{A \cdot B}$

Таблица истинности логической операции Штрих Шеффера

## ЛОГИЧЕСКАЯ ОПЕРАЦИЯ «СТРЕЛКА ПИРСА»

Название: ИЛИ-НЕ (стрелка Пирса)  
 Обозначение в булевой алгебре:  $A \downarrow B$  или  $A \nabla B$   
 (англ. nor – not or – отрицание дизъюнкции)  
**Стрелка Пирса истинна (1) тогда и только тогда, когда оба высказывания ложны, и ложна (0) в остальных случаях.**

A	B	A ↓ B
0	0	1
0	1	0
1	0	0
1	1	0

$A \downarrow B = \overline{A \vee B}$

Таблица истинности логической операции стрелка Пирса

Логические переменные	Логические операции					
	отрицание	конъюнкция	дизъюнкция	исключающая дизъюнкция	импликация	эквиваленция
A B	$\bar{A}$	A & B	A ∨ B	A ⊕ B	A → B	A ↔ B
0 0	1	0	0	0	1	1
0 1	1	0	1	1	1	0
1 0	0	0	1	1	0	0
1 1	0	1	1	0	1	1

## ПРИОРИТЕТ ВЫПОЛНЕНИЯ ЛОГИЧЕСКИХ ОПРЕДЕЛЕНИЙ:

- 1) В СКОБКАХ
- 2) НЕ
- 3) И
- 4) ИЛИ, ИСКЛЮЧАЮЩЕЕ ИЛИ
- 6) ИМПЛИКАЦИЯ
- 7) ЭКВИВАЛЕНТНОСТЬ

## ЛОГИЧЕСКИЕ ЗАКОНЫ:

- 1)  $\neg \neg A = A$  Закон двойного отрицания
- 2)  $A \vee \bar{A} = A$   $A \& \bar{A} = A$

### Законы идемпотентности

- 3)  $A \vee 0 = A$   $A \vee 1 = 1$   $A \& 0 = 0$   $A \& 1 = A$   
 (Законы исключения констант)

- 4)  $A \vee (A \& B) = A$   $A \& (A \vee B) = A$   
 (Законы поглощения)

- 5)  $A \vee \bar{A} = 1$  (Закон исключения третьего)  
 $A \& \bar{A} = 0$  (Закон непротиворечия)

- 6)  $A \& B = B \& A$   $A \vee B = B \vee A$   
 (Законы коммутативности или переместительные законы)

- 7)  $A \& (B \& C) = (A \& B) \& C = A \& B \& C$   
 $A \vee (B \vee C) = (A \vee B) \vee C = A \vee B \vee C$   
 (Законы ассоциативности или сочетательные законы)

- 8)  $\neg (A \vee B) = \bar{A} \& \bar{B}$   
 $\neg (A \& B) = \bar{A} \vee \bar{B}$   
 (Законы де Моргана – названы в честь шотландского математика и логика де Моргана)

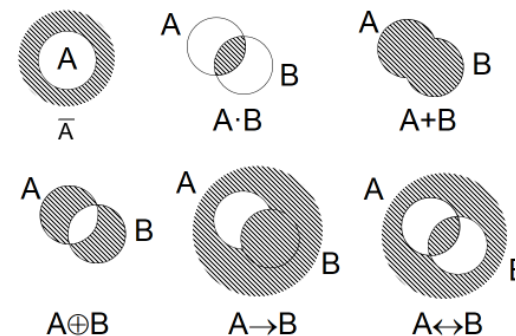
- 9)  $A \& (B \vee C) = (A \& B) \vee (A \& C)$   
 $A \vee (B \& C) = (A \vee B) \& (A \vee C)$   
 (Законы дистрибутивности или распределительные законы)

- 10)  $A \rightarrow B = \bar{A} \vee B$  (закон снятия импликации)

- 11)  $A \leftrightarrow B = (A \rightarrow B) \& (B \rightarrow A) =$   
 $= (A \& B) \vee (\bar{A} \& \bar{B}) = (A \vee \bar{B}) \& (\bar{A} \vee B)$   
 (закон снятия эквивалентности)

- 12)  $A \oplus B = (A \& \bar{B}) \vee (\bar{A} \& B)$   
 (закон снятия сложения по модулю 2)

## Диаграммы Венна (круги Эйлера)



### Комбинаторные формулы

- 1) 2 множества  $A | B = A + B - A \& B$
- 2) 3 множества  $A | B | C =$   
 $= A + B + C - (A \& B + B \& C + A \& C) + A \& B \& C$
- 3) со знаком & в скобках  
 $(A \& B) | C = C | (A \& B) = A + B + C - A \& B \& C$
- 4) со знаком | в скобках  
 $(A | B) \& C = C \& (A | B) =$   
 $= (A \& C) | (B \& C) = A \& C + B \& C - A \& B \& C$

ПРИМЕР: Известно количество сайтов, которые находит поисковый сервер по следующим запросам: Огурцы – 100 сайтов, Помидоры – 200 сайтов, Огурцы & Помидоры – 50 сайтов. Найти, сколько сайтов будет найдено по запросу Огурцы | Помидоры?

$$O | P = O + P - O \& P =$$

$$= 100 + 200 - 50 = 250$$

Ответ: 250.



## ФОРМУЛА ДЛЯ ВЫЧИСЛЕНИЯ информационного объема звукового файла

$$I = i \cdot \omega \cdot t \cdot r$$

$i$  – глубина кодирования звука (в битах), бит

$\omega$  – частота (в ГТерцах Гц

$t$  – время звучания, длительность (в секундах), с

$r$  – режим (ммон - 1, стерео - 2, квадро - 4 и т.д.

$I$  – информационный объем звукового файла (в битах)

## Глубина кодирования звука

- это количество информации, которое необходимо для кодирования дискретных уровней громкости цифрового звука.

Если известна глубина кодирования, то количество уровней громкости цифрового звука можно рассчитать по формуле  $N = 2^i$

Пусть глубина кодирования звука составляет 16 битов, тогда количество уровней громкости звука равно:  $N = 2^{16} = 65\ 536$ .

## ФОРМУЛА ДЛЯ ВЫЧИСЛЕНИЯ информационного объема видеофайла

$$I_{\text{видео}} = (I_{\text{звук}} + I_{\text{Графика}}) / \text{степень сжатия}$$

$$I_{\text{звук}} = i \cdot \omega \cdot t \cdot r$$

$i$  – глубина кодирования звука (в битах), бит

$\omega$  – частота (в ГТерцах, Гц

$t$  – время звучания, длительность (в секундах), с

$r$  – режим (ммон - 1, стерео - 2, квадро - 4 и т.д.

$I_{\text{звук}}$  – информационный объем звукового файла (в битах)

$$I_{\text{Графика}} = i \cdot a \cdot b \cdot v \cdot t$$

$i$  – глубина кодирования звука (в битах), бит

$a$  – высота картинки в пикселях

$b$  – ширина картинки в пикселях

$v$  – скорость кадров (количество кадров в секунду)

$t$  – время, длительность видеофайла (в секундах), с

$I_{\text{Графика}}$  – информационный объем картинки

## ЛИНЕЙНЫЙ АЛГОРИТМ -

- это алгоритм, в котором команды выполняются последовательно одна за другой

БЛОК-СХЕМА ЛИНЕЙНОГО АЛГОРИТМА

ЛИНЕЙНЫЙ АЛГОРИТМ НА PASCAL



```

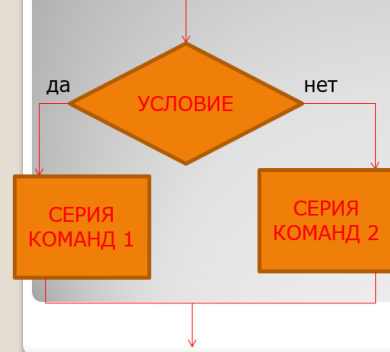
Program <ИМЯ ПРОГРАММЫ>;
Var <СПИСОК ПЕРЕМЕННЫХ> : <ТИП ПЕРЕМЕННЫХ>;
Begin
<КОМАНДА ВВОДА> (НАПРИМЕР, Readln)
<КОМАНДА ПРИСВАИВАНИЯ 1>
<КОМАНДА ПРИСВАИВАНИЯ 2>
.....
<КОМАНДА ПРИСВАИВАНИЯ n>
<КОМАНДА ВЫВОДА> (НАПРИМЕР, Writeln)
End .
    
```

## ВЕТВЯЩИЙСЯ АЛГОРИТМ -

- это алгоритм, в котором выполняется одна или другая серия команд в зависимости от истинности или ложности условия

ФРАГМЕНТ БЛОК-СХЕМЫ ВЕТВЯЩЕГОСЯ АЛГОРИТМА

ФРАГМЕНТ ВЕТВЯЩЕГОСЯ АЛГОРИТМА НА PASCAL



```

If <УСЛОВИЕ> then
begin
<СЕРИЯ КОМАНД 1>
end
Else
begin
<СЕРИЯ КОМАНД 2>
end;
    
```

## АЛГОРИТМИЧЕСКАЯ СТРУКТУРА «ВЫБОР» -

- это алгоритм, в котором выполняется одна из нескольких последовательностей команд при истинности соответствующего условия (удобно использовать вместо вложенного ветвления IF)

ФРАГМЕНТ БЛОК-СХЕМЫ АЛГОРИТМА ВЫБОР

ФРАГМЕНТ АЛГОРИТМА «ВЫБОР» НА PASCAL



```

Case <ВЫРАЖЕНИЕ> Of
<ВАРИАНТ1> : <ОПЕРАТОР 1>;
<ВАРИАНТ2> : <ОПЕРАТОР 2>;
.....
<ВАРИАНТ N> : <ОПЕРАТОР N-1>;
Else <ОПЕРАТОР N>
End;
    
```

## АЛГОРИТМИЧЕСКАЯ СТРУКТУРА «ЦИКЛ» -

- это алгоритм, в котором серия команд (она называется телом цикла) выполняется многократно.
- Тело цикла определяет ЧТО повторять, а заголовок цикла (вид цикла) определяет СКОЛЬКО РАЗ повторять.

## ВИДЫ ЦИКЛОВ



### Цикл со счетчиком (цикл n раз)

Используется, когда заранее известно, сколько раз необходимо выполнить цикл.

ФРАГМЕНТ АЛГОРИТМА ЦИКЛА n РАЗ НА АЯ (алгоритмическом языке)

НЦ «ПАРАМЕТР ЦИКЛА» ОТ «НАЧАЛЬНОЕ ЗНАЧЕНИЕ» ДО «КОНЕЧНОЕ ЗНАЧЕНИЕ» ШАГ n

ПОВТОРЯТЬ

<СЕРИЯ КОМАНД – ТЕЛО ЦИКЛА >

КЦ

ФРАГМЕНТ АЛГОРИТМА ЦИКЛА n РАЗ НА PASCAL

For «СЧЕТЧИК» : «НАЧАЛЬНОЕ ЗНАЧЕНИЕ» to (или downto) «КОНЕЧНОЕ ЗНАЧЕНИЕ» do

begin

<СЕРИЯ КОМАНД – ТЕЛО ЦИКЛА >

End;

### Цикл с предусловием

Используется, когда заранее неизвестно, сколько раз необходимо выполнить цикл.

ФРАГМЕНТ АЛГОРИТМА ЦИКЛА с предусловием (условие впереди) НА АЯ (алгоритмическом языке)

НЦ ПОКА <условие>

ПОВТОРЯТЬ

<СЕРИЯ КОМАНД – ТЕЛО ЦИКЛА >

КЦ

ФРАГМЕНТ АЛГОРИТМА ЦИКЛА С ПРЕДУСЛОВИЕМ НА PASCAL ЦИКЛ С ИСТИННЫМ ПРЕДУСЛОВИЕМ

While <УСЛОВИЕ> Do

Begin

<СЕРИЯ КОМАНД – ТЕЛО ЦИКЛА >

Тело цикла выполняется пока условие истинно

End;

Данный вид цикла может не выполняться ни разу. Ответьте, почему?

### Цикл с постусловием

Используется, когда заранее неизвестно, сколько раз необходимо выполнить цикл.

ФРАГМЕНТ АЛГОРИТМА ЦИКЛА с постусловием (условие после) НА АЯ (алгоритмическом языке)

НЦ

ПОВТОРЯТЬ

<СЕРИЯ КОМАНД – ТЕЛО ЦИКЛА >

КЦ

ФРАГМЕНТ АЛГОРИТМА ЦИКЛА С ПОСТУСЛОВИЕМ НА PASCAL ЦИКЛ С ЛОЖНЫМ ПОСТУСЛОВИЕМ

Repeat

<СЕРИЯ КОМАНД – ТЕЛО ЦИКЛА >

Тело цикла выполняется пока условие

Ложно

Until <УСЛОВИЕ>;

Данный вид цикла выполнится хотя бы один раз. Ответьте, почему?

## Перевод чисел с использованием 10-ой системы счисления

Перевод чисел из десятичной системы счисления в систему счисления с основанием  $n$  ИЗ 10-ОЙ

**ЦЕЛЫЕ ЧИСЛА**  
1 СПОСОБ (ОБЫЧНОЕ ДЕЛЕНИЕ): осуществляют последовательное деление на  $n$  до тех пор, пока частное не станет = 0, остатки записывают в обратном порядке.

**ЦЕЛЫЕ ЧИСЛА**  
2 СПОСОБ (КОРОТКОЕ ДЕЛЕНИЕ)

$45_{(10)} = 101101_{(2)}$

Перевод чисел из системы счисления с основанием  $n$  в десятичную систему счисления В 10-УЮ

**ЦЕЛЫЕ ЧИСЛА** 1 СПОСОБ (ПО СТЕПЕНЯМ): I) Над каждой цифрой справа налево ставим целые числа в порядке возрастания 0,1,2...; II) Составляем сумму произведений цифр числа на соответствующие степени основания (показатели степени – числа из п.I)

$101101_{(2)} = 1 \cdot 2^5 + 0 \cdot 2^4 + 1 \cdot 2^3 + 1 \cdot 2^2 + 0 \cdot 2^1 + 1 \cdot 2^0 = 32 + 0 + 8 + 4 + 0 + 1 = 45_{(10)}$

**ЦЕЛЫЕ ЧИСЛА**  
2 СПОСОБ (СХЕМА ГОРНЕРА)

Число	1	0	1	1	0	1	$1_{(2)}$
Схема Горнера	1	$1 \cdot 2 + 0 = 2$	$2 \cdot 2 + 1 = 5$	$5 \cdot 2 + 1 = 11$	$11 \cdot 2 + 0 = 22$	$22 \cdot 2 + 1 = 45$	45

$$0,3125_{(10)} = 0,24_{(8)}$$

$$0,3125 \cdot 8 = 2,5$$

$$0,5 \cdot 8 = 4,0$$

$$0 \cdot 8 = 0$$

$$0,36_{(10)} = 0,23432 \dots_{(7)}$$

$$= 0,2(343)_{(7)}$$

$$0,36 \cdot 7 = 2,52$$

$$0,52 \cdot 7 = 3,64$$

$$0,64 \cdot 7 = 4,48$$

$$0,48 \cdot 7 = 3,36$$

$$0,36 \cdot 7 = 2,52$$

и т.д. ....

$$0,28_{(16)} = 2 \cdot 16^{-1} + 8 \cdot 16^{-2} =$$

$$= \frac{1}{8} + \frac{1}{32} = \frac{5}{32} = 0,15625_{(16)}$$

## Перевод чисел с использованием 10-ой системы счисления

Перевод чисел из десятичной системы счисления в систему счисления с основанием  $n$ . ИЗ 10-ОЙ

**ДРОБНЫЕ ЧИСЛА**  
1 СПОСОБ (КОГДА ЦЕЛОЙ ЧАСТИ НЕТ): осуществляем последовательное умножение на  $n$ , причем очередному умножению подвергается дробная часть результата, ответ записывается в виде целых частей в порядке их появления (дробь может оказаться и периодической).

**ДРОБНЫЕ ЧИСЛА**  
2 СПОСОБ (КОГДА ЦЕЛОЙ ЧАСТЬ ЕСТЬ): Переводим отдельно целую часть, отдельно дробную и отделяем их в ответе запятой.

Перевод чисел из системы счисления с основанием  $n$  в десятичную систему счисления. В 10-УЮ

**ДРОБНЫЕ ЧИСЛА**  
1 СПОСОБ (КОГДА ЦЕЛОЙ ЧАСТИ НЕТ): I) Над каждой цифрой слева направо ставим целые числа в порядке убывания -1, -2, ...; II) Составляем сумму произведений цифр числа на соответствующие степени основания (показатели оснований – из п.I)

**ДРОБНЫЕ ЧИСЛА**  
2 СПОСОБ (КОГДА ЦЕЛОЙ ЧАСТЬ ЕСТЬ): I) Над каждой цифрой ставим 0,1,2, ... (влево над целой частью) и -1, -2, ... (вправо над дробной частью); II) Составляем сумму произведений цифр числа на соответствующие степени основания (показатели оснований – из п.I)

$$194_{(10)} = C2_{(16)}$$

$$\begin{array}{r} 194 \overline{) 16} \\ 12 \quad 2 \\ 0 \quad 12 = C \end{array}$$

$$0,15625_{(10)} = 0,28_{(16)}$$

$$\begin{array}{r} 0,15625 \cdot 16 = 2,5 \\ 0,5 \cdot 16 = 8,0 \\ 0 \cdot 16 = 0 \end{array}$$

ТОГДА  $194,15625_{(10)} = C2,28_{(16)}$

$$C2,28_{(16)} = 12 \cdot 16^1 + 2 \cdot 16^0 + 2 \cdot 16^{-1} + 8 \cdot 16^{-2} =$$

$$= 192 + 2 + \frac{1}{8} + \frac{1}{32} = 194 \frac{5}{32} = 194,15625_{(10)}$$

## Перевод чисел без использования 10-ой системы счисления

Перевод чисел из ДВОИЧНОЙ системы счисления в ВОСЬМЕРИЧНУЮ систему счисления.  $2 \rightarrow 8$

**ЦЕЛЫЕ ЧИСЛА**  
1 СПОСОБ (ТРИАДЫ-БЕЗ 10-ОЙ С.С.)  
Число разбивают справа налево на группы из 3 цифр (триады) и каждую триаду переводят в 8-ую систему счисления (при необходимости слева дописывают нули).

**ЦЕЛЫЕ ЧИСЛА**  
2 СПОСОБ  
(ИСПОЛЬЗУЯ ДВА ПЕРЕХОДА: СНАЧАЛА ПЕРЕВЕСТИ ИЗ 2-ОЙ В 10-УЮ, А ЗАТЕМ ИЗ 10-ОЙ В 8-УЮ)

Перевод чисел из ВОСЬМЕРИЧНОЙ системы счисления в ДВОИЧНУЮ систему счисления.  $8 \rightarrow 2$

**ЦЕЛЫЕ ЧИСЛА**  
1 СПОСОБ (ТРИАДЫ-БЕЗ 10-ОЙ С.С.)  
Каждую цифру числа представляют в виде триады и записывают последовательно одна за другой (при необходимости в ответе слева незначащие нули убирают).

**ЦЕЛЫЕ ЧИСЛА**  
2 СПОСОБ  
(ИСПОЛЬЗУЯ ДВА ПЕРЕХОДА: СНАЧАЛА ПЕРЕВЕСТИ ИЗ 8-ОЙ В 10-УЮ, А ЗАТЕМ ИЗ 10-ОЙ В 2-УЮ)

ТРИАДЫ	
000	0
001	1
010	2
011	3
100	4
101	5
110	6
111	7

ТЕТРАДЫ			
0000	0	1000	8
0001	1	1001	9
0010	2	1010	A
0011	3	1011	B
0100	4	1100	C
0101	5	1101	D
0110	6	1110	E
0111	7	1111	F

## Перевод чисел без использования 10-ой системы счисления

Перевод чисел из ДВОИЧНОЙ системы счисления в ШЕСТНАДЦАТЕРИЧНУЮ систему счисления.  $2 \rightarrow 16$

**ЦЕЛЫЕ ЧИСЛА**  
1 СПОСОБ (ТЕТРАДЫ-БЕЗ 10-ОЙ С.С.)  
Число разбивают справа налево на группы из 4 цифр (тетрады) и каждую тетраду переводят в 16-ую систему счисления (при необходимости слева дописывают нули).

**ЦЕЛЫЕ ЧИСЛА**  
2 СПОСОБ (ИСПОЛЬЗУЯ ДВА ПЕРЕХОДА: СНАЧАЛА ПЕРЕВЕСТИ ИЗ 2-ОЙ В 10-УЮ, А ЗАТЕМ ИЗ 10-ОЙ В 16-УЮ)

Перевод чисел из ШЕСТНАДЦАТЕРИЧНОЙ системы счисления в ДВОИЧНУЮ систему счисления.  $16 \rightarrow 2$

**ЦЕЛЫЕ ЧИСЛА**  
1 СПОСОБ (ТЕТРАДЫ-БЕЗ 10-ОЙ С.С.)  
Каждую цифру числа представляют в виде тетрады и записывают последовательно одна за другой (при необходимости в ответе слева незначащие нули убирают).

**ЦЕЛЫЕ ЧИСЛА**  
2 СПОСОБ (ИСПОЛЬЗУЯ ДВА ПЕРЕХОДА: СНАЧАЛА ПЕРЕВЕСТИ ИЗ 16-ОЙ В 10-УЮ, А ЗАТЕМ ИЗ 10-ОЙ В 2-УЮ)

**Алгоритм получения дополнительного кода.** Для получения дополнительного кода отрицательного числа можно использовать довольно простой алгоритм:

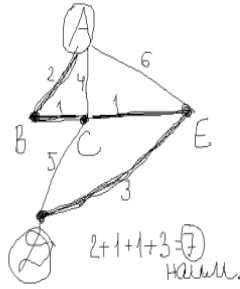
1. Модуль числа записать прямым кодом в  $n$  двоичных разрядах.
2. Получить обратный код числа, для этого значения всех битов инвертировать (все единицы заменить на нули и все нули заменить на единицы).
3. К полученному обратному коду прибавить единицу.

**МОДЕЛИРОВАНИЕ (ПОИСК КРАТЧАЙШЕГО ПУТИ ПО ТАБЛИЦЕ)**

Определите кратчайший путь между пунктами А и D.

Способ решения: с помощью схемы

	А	В	С	Д	Е
А		2	4		6
В	2		1		
С	4	1		5	1
Д			5		3
Е	6	1	3		



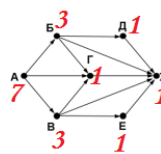
**МОДЕЛИРОВАНИЕ (ПОИСК КОЛИЧЕСТВА ПУТЕЙ НА ГРАФЕ)**

**Количество путей**

42

Сколько существует различных путей из А в Ж?

Способ решения – в виде таблицы (сначала перечисляем все вершины с конца в начало, затем заполним строку – куда идем из этих вершин, а затем считаем количество путей для каждой вершины, в последнем столбце – ответ).



Вершины	Ж	Е	Д	Г	В	Б	А
Куда идем?	Ж	Ж	Ж	Ж	ГЖЕ	ДЖГ	БВГ
Количество путей	1	1	1	1	3	3	7

Ответ: 7

**МОДЕЛИРОВАНИЕ (ПОИСК КОЛИЧЕСТВА ПУТЕЙ НА ГРАФЕ)**

2 способ решения – с помощью построения дерева решений и далее считаем количество кружочков (буква Ж обведена в кружочек)

**ДЕРЕВО РЕШЕНИЙ**

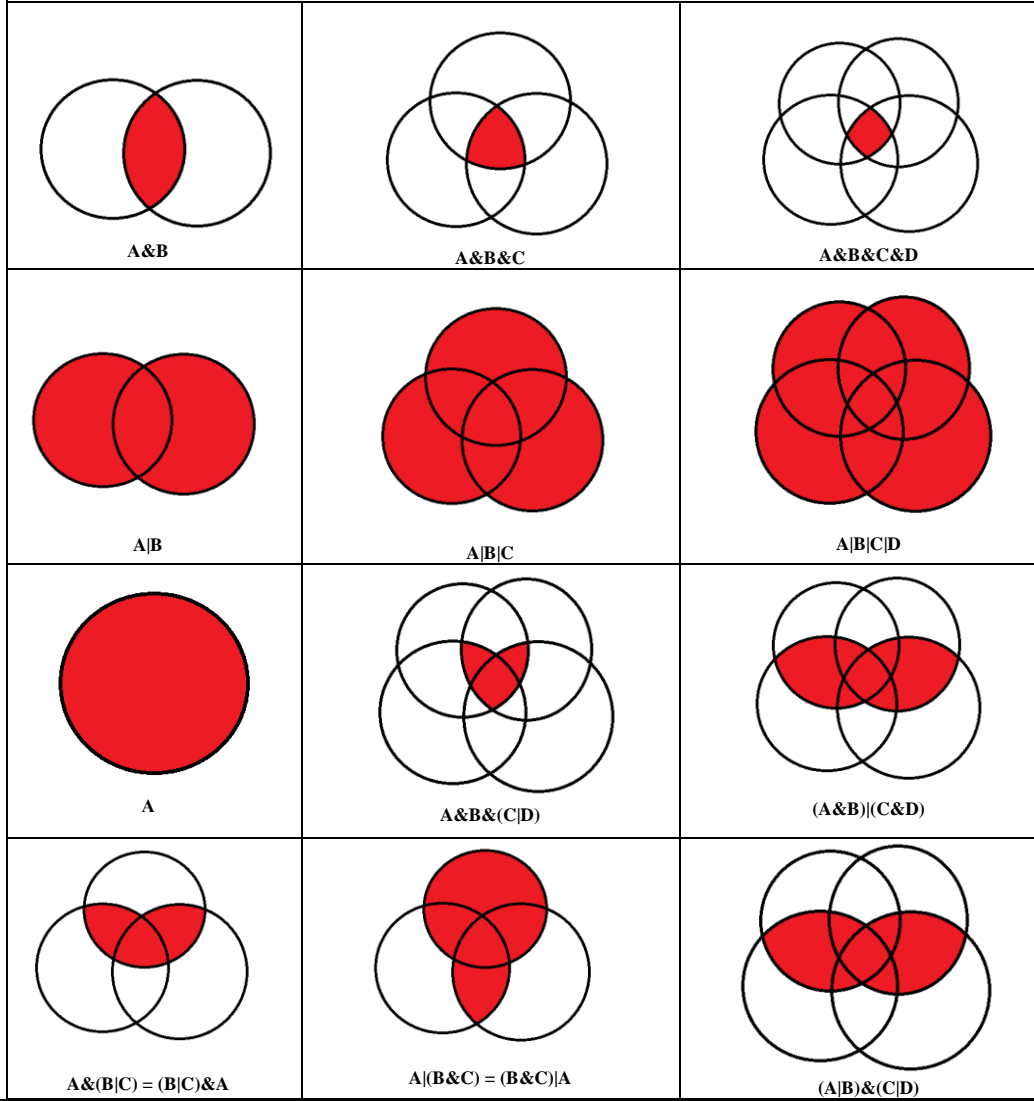


3 один способ решения – вручную, водим с помощью карандаша по линиям (самый плохой способ, ненадежный)

**Информация для Черепашки:**

- 1) угол правильного (равностороннего) треугольника равен  $60^{\circ}$
- 2) угол правильного четырехугольника (квадрата) равен  $90^{\circ}$
- 3) угол правильного пятиугольника  $108^{\circ}$
- 4) угол правильного шестиугольника  $120^{\circ}$
- 5) угол правильного восьмиугольника  $135^{\circ}$
- 6) угол правильного семиугольника  $140^{\circ}$
- 7) угол правильного десятиугольника  $144^{\circ}$
- 8) угол правильного двенадцатиугольника  $150^{\circ}$
- 9)  $36^{\circ}$  Пятилучевая звезда
- 10)  $45^{\circ}$  Восемилучевая звезда

**КРУГИ ЭЙЛЕРА**



Адрес документа в Интернете (URL = *Uniform Resource Locator*) состоит из следующих частей:

- протокол, чаще всего **http** (для Web-страниц) или **ftp** (для файловых архивов)
- знаки **://**, отделяющие протокол от остальной части адреса
- доменное имя (или IP-адрес) сайта
- каталог на сервере, где находится файл
- имя файла

ТАКИМ ОБРАЗОМ:

**Адрес файла в сети Интернет: протокол://сервер/файл или протокол://сервер/каталог/файл**

протокол : // доменное имя (или IP-адрес) сайта (сервер) / каталог на сервере, где находится файл / имя файла

Пример: <http://www.vasya.ru/home/user/vasya/qu-qu.zip> - здесь задан протокол http, доменное имя сайта (сервер) www.vasya.ru, каталог на сайте home/user/vasya и имя файла qu-qu.zip.

Каждый компьютер, подключенный к сети Интернет, должен иметь собственный адрес, который называют IP-адресом (IP = *Internet Protocol*). IP-адрес состоит из четырех чисел, разделенных точками; каждое из этих чисел находится в интервале 0...255, например: **192.168.85.210**.